

SUMÁRIO

| | |
|---|----|
| Apresentação | 15 |
| 1. Referenciais e Coordenadas Cartesianas | 17 |
| 1.1 Introdução..... | 17 |
| 1.2 O Espaço Físico..... | 18 |
| 1.3 Tempo..... | 19 |
| 1.3.1 Mas o Tempo é Finito ou Infinito?..... | 21 |
| 1.3.2 Pode-se Viajar no Tempo Continuamente, como se Pudéssemos Assistir a um Filme de Trás para a Frente? | 21 |
| 1.4 Posição no Espaço | 22 |
| 1.5 Eventos | 22 |
| 1.6 Movimentos | 23 |
| 1.7 Sistemas de Referência, ou Referenciais | 23 |
| 1.7.1 Sistema de Referência Cartesiano | 25 |
| 1.8 Coordenadas | 27 |
| 1.8.1 Coordenadas Cartesianas em uma Dimensão..... | 27 |
| 1.8.2 Coordenadas Cartesianas em Duas e Três Dimensões..... | 28 |
| 1.8.3 Distância entre Dois Pontos no Espaço..... | 35 |
| 1.9 Equivalência de Referenciais | 37 |
| 1.10 Referenciais Inerciais..... | 37 |
| 2. Outras Coordenadas..... | 39 |

| | | |
|-------|--|-----|
| 2.1 | Coordenadas mais Gerais..... | 39 |
| 2.2 | Superfícies e Curvas Generalizadas..... | 41 |
| 2.3 | Coordenadas Cartesianas | 42 |
| 2.4 | Coordenadas Cilíndricas | 45 |
| 2.5 | Coordenadas Polares | 49 |
| 2.6 | Coordenadas Esféricas | 51 |
| 2.7 | As Coordenadas Latitude e Longitude..... | 53 |
| 3. | Movimento: Conceitos Cinemáticos..... | 57 |
| 3.1 | Movimentos no Universo | 57 |
| 3.2 | Movimento e Repouso | 60 |
| 3.3 | Trajetória | 60 |
| 3.4 | A Coordenada Espaço | 62 |
| 3.5 | Velocidade | 65 |
| 3.6 | Velocidade Escalar Média | 65 |
| 3.7 | Velocidade Escalar Instantânea | 68 |
| 3.8 | Aceleração Escalar | 72 |
| 3.9 | Conclusão | 78 |
| 4. | Grandezas Escalares e Vetoriais | 79 |
| 4.1 | Introdução..... | 79 |
| 4.2 | Grandezas Vetoriais e Grandezas Escalares | 80 |
| 4.3 | Representação Gráfica de Vetores..... | 81 |
| 4.4 | Representação Analítica de um Vetor | 82 |
| 4.4.1 | Componentes no Espaço Tridimensional | 85 |
| 4.5 | Operações com Vetores..... | 85 |
| 4.5.1 | Multiplicação por um Escalar (por um Número) | 86 |
| 4.5.2 | Soma de Vetores..... | 87 |
| 4.5.3 | Subtração de Vetores | 92 |
| 4.6 | Extensão para Muitos Vetores | 93 |
| 4.7 | Produtos de Vetores | 95 |
| 4.7.1 | Produto Escalar de Dois Vetores..... | 95 |
| 4.7.2 | Produto Vetorial de Dois Vetores | 97 |
| 4.8 | Grandezas Definidas como Produtos Vetoriais | 98 |
| 5. | Cinemática Vetorial | 101 |
| 5.1 | Referenciais | 101 |
| 5.2 | Referencial Cartesiano Generalizado..... | 104 |
| 5.3 | Referenciais Vetoriais mais Gerais..... | 108 |
| 5.4 | Vetores em Coordenadas Polares..... | 110 |
| 5.5 | Vetores Velocidade e Aceleração em Coordenadas Cartesianas | 112 |

| | | |
|-------|--|-----|
| 5.6 | Vetor Aceleração | 115 |
| 5.6.1 | Vetor Posição em Coordenadas Polares | 116 |
| 5.6.2 | Vetor Velocidade em Coordenadas Polares | 119 |
| 5.7 | Vetor Posição e Vetor Velocidade em Coordenadas Cilíndricas..... | 120 |
| 5.8 | Vetor Aceleração em Coordenadas Polares e Cilíndricas | 121 |
| 6. | As Leis de Newton | 125 |
| 6.1 | <i>Os Principia</i> | 125 |
| 6.2 | Lei da Inércia..... | 126 |
| 6.3 | A Primeira Lei de Newton: Referenciais Inerciais..... | 128 |
| 6.4 | O que é Massa? | 129 |
| 6.5 | A Segunda Lei de Newton | 132 |
| 6.5.1 | A Segunda Lei de Newton em Coordenadas Cartesianas..... | 136 |
| 6.6 | A Terceira Lei de Newton..... | 139 |
| 6.7 | A Segunda Lei de Newton em Coordenadas Polares..... | 143 |
| 6.8 | Comentários Sobre as Leis de Newton | 147 |
| 6.8.1 | Sobre a Independência das Leis..... | 147 |
| 6.8.2 | Sobre as Condições Iniciais..... | 147 |
| 6.8.3 | Mecanicismo | 148 |
| 6.9 | Resolvendo Problemas de Mecânica | 148 |
| 7. | Movimentos Simples..... | 155 |
| 7.1 | Introdução..... | 155 |
| 7.2 | O Movimento Uniforme | 156 |
| 7.3 | Movimento Uniforme ao Longo de uma Curva..... | 161 |
| 7.4 | A Luz e o Movimento Uniforme | 165 |
| 7.5 | Movimento Uniformemente Variado..... | 168 |
| 7.5.1 | Forças Constantes..... | 168 |
| 7.5.2 | Aceleração Escalar Constante..... | 171 |
| 7.6 | Lançamento na Vertical e a Queda Livre..... | 174 |
| 7.7 | Movimento numa Calha e num Plano Inclinado | 179 |
| 8. | Movimento dos Projéteis..... | 185 |
| 8.1 | Introdução..... | 185 |
| 8.2 | Galileu e o Movimento dos Projéteis..... | 186 |
| 8.3 | As Condições Iniciais..... | 187 |
| 8.3.1 | Ângulo de Tiro e as Componentes da Velocidade..... | 189 |
| 8.4 | O Problema Geral..... | 189 |
| 8.4.1 | Tempo de Voo e Alcance do Projétil..... | 190 |
| 8.4.2 | Altura Máxima | 190 |
| 8.5 | Equações Básicas do Movimento..... | 191 |

| | | |
|-------|---|-----|
| 8.5.1 | Trajetória do Projétil | 196 |
| 8.5.2 | Altura Máxima..... | 198 |
| 8.5.3 | Tempo de Queda | 200 |
| 8.5.4 | Alcance do Projétil e Velocidade ao Atingir o Solo | 201 |
| 8.6 | Casos Particulares | 204 |
| 8.6.1 | Lançamento na Vertical | 204 |
| 8.6.2 | Lançamento Vertical para Cima | 205 |
| 8.6.3 | Lançamento Vertical para Baixo | 207 |
| 8.6.4 | Queda Livre | 210 |
| 8.6.5 | Lançamento na Horizontal..... | 212 |
| 8.6.6 | Lançamento a Partir do Solo | 214 |
| 8.6.7 | Alcance Máximo..... | 215 |
| 9. | Movimento Circular | 219 |
| 9.1 | Introdução..... | 219 |
| 9.1.1 | Movimentos Circulares na Antiguidade | 219 |
| 9.1.2 | Epiciclos..... | 220 |
| 9.2 | Newton e o Movimento Circular Uniforme | 223 |
| 9.3 | Variáveis no Movimento Circular..... | 223 |
| 9.4 | Cinemática do Movimento Circular | 226 |
| 9.4.1 | Velocidade Angular, Velocidade Escalar e Velocidade Vetorial..... | 226 |
| 9.4.2 | Aceleração Angular, Vetorial e Centrípeta | 231 |
| 9.5 | A Dinâmica do Movimento Circular..... | 234 |
| 9.6 | Movimento Circular Uniforme..... | 237 |
| 9.7 | Movimento Circular em um Campo Gravitacional | 243 |
| 10. | Trabalho e Variação da Energia Cinética..... | 247 |
| 10.1 | Introdução..... | 247 |
| 10.2 | A Energia Cinética | 249 |
| 10.3 | Trabalho Realizado por uma Força | 250 |
| 10.4 | Trabalho Realizado por uma Força Constante | 250 |
| 10.5 | Trabalho Realizado por uma Força que Não é Constante e Varia | 253 |
| 10.6 | Definindo Melhor a Integral de Linha do Vetor Força..... | 255 |
| 10.7 | Unidades de Trabalho..... | 263 |
| 10.8 | Forças Unidimensionais Dependentes Apenas de uma Variável | 263 |
| 10.9 | Potência de uma Força | 265 |
| 10.10 | Unidades de Energia e Potência..... | 265 |
| 10.11 | Trabalho e Variação de Energia Cinética..... | 266 |

| | |
|--|------------|
| 10.12 Forças que Não Realizam Trabalho | 268 |
| 11. Energia Mecânica | 271 |
| 11.1 Forças Conservativas..... | 271 |
| 11.2 Força Derivada a Partir da Energia Potencial | 273 |
| 11.3 Diferencial de Funções | 275 |
| 11.4 Trabalho e Variação da Energia Potencial | 277 |
| 11.5 Caso Unidimensional | 278 |
| 11.6 Energia Potencial Gravitacional a Partir da Força Gravitacional..... | 280 |
| 11.7 Energia Potencial Eletrostática a Partir da Força Elétrica..... | 282 |
| 11.8 Energia Mecânica e sua Conservação..... | 282 |
| 11.9 Energia no Movimento dos Projéteis | 283 |
| 11.10 Energia Mecânica Associada a Forças Elétricas | 286 |
| 11.11 Forças Dissipativas | 291 |
| 12. Cinemática das Rotações..... | 295 |
| 12.1 Introdução..... | 295 |
| 12.2 Rotações | 297 |
| 12.3 Rotação em Torno de um Eixo..... | 301 |
| 12.4. O Vetor Deslocamento Angular | 305 |
| 12.5 O Vetor Velocidade Angular | 306 |
| 12.6 Acelerações Angular e Centrípeta | 309 |
| 12.7 Referenciais em Rotação..... | 311 |
| 12.8 Vetor Aceleração: Caso Geral..... | 314 |
| 13. Forças de Inércia | 317 |
| 13.1 Introdução | 317 |
| 13.2 Referenciais Inerciais e Não Inerciais | 318 |
| 13.3 Forças de Inércia | 319 |
| 13.4 Sistemas Dotados de Aceleração numa Única Direção..... | 321 |
| 13.5 Movimento ao Longo de uma Curva..... | 323 |
| 13.6 Forças Centrífuga e de Coriolis | 328 |
| 14. Sistemas de Partículas | 335 |
| 14.1 Introdução..... | 335 |
| 14.2 Sistemas de Duas Partículas..... | 336 |
| 14.3 As Equações de Evolução de um Sistema Discreto de Partículas..... | 341 |
| 14.4 Conservação do Momento Linear | 343 |
| 14.5 O Centro de Massa..... | 344 |

| | | |
|-------|---|-----|
| 14.6 | Movimento do Centro de Massa..... | 348 |
| 14.7 | O Centro de Massa como Sistema de Referência..... | 351 |
| 14.8 | Momento Angular de um Sistema de Partículas..... | 354 |
| 14.9 | A Conservação do Momento Angular Total | 355 |
| 14.10 | Energia Cinética de um Sistema de Partículas..... | 357 |
| 14.11 | Energia Potencial do Sistema..... | 358 |
| 15. | Colisões..... | 361 |
| 15.1 | Do Cotidiano à Investigação Científica..... | 361 |
| 15.2 | Etapas do Processo de Colisão..... | 363 |
| 15.3 | O Uso das Leis de Conservação | 365 |
| 15.4 | Colisões com Alvo Fixo..... | 367 |
| 15.5 | Colisões Decorrentes de Contato: O Papel da Dinâmica..... | 368 |
| 15.6 | Colisões Elásticas e Inelásticas | 371 |
| 15.7 | Colisões Totalmente Inelásticas | 376 |
| 15.8 | Colisões Frontais | 378 |
| 15.9 | Colisões Relativísticas e Não Relativísticas | 381 |
| 16. | Movimento dos Corpos Rígidos | 387 |
| 16.1 | Introdução | 387 |
| 16.2 | Definindo as Variáveis do Movimento..... | 389 |
| 16.3 | A Velocidade de um Ponto Sobre o Corpo Rígido | 391 |
| 16.4 | Movimento de Translação | 394 |
| 16.5 | Movimento de Rotação..... | 395 |
| 16.6 | O Momento Angular | 396 |
| 16.7 | O Torque | 397 |
| 16.8 | Torque e Rotação | 398 |
| 16.9 | Momento Angular e o Momento de Inércia..... | 401 |
| 16.10 | O Teorema dos Eixos Paralelos | 410 |
| 16.11 | Eixos Principais de Inércia..... | 414 |
| 16.12 | Energias Cinética e Potencial do Corpo Rígido..... | 416 |
| 17. | Dinâmica do Corpo Rígido..... | 423 |
| 17.1 | Utilização de Dois Referenciais na Descrição do Movimento | 423 |
| 17.2 | As Equações de Euler | 424 |
| 17.3 | Rolamento sem Deslizamento..... | 428 |
| 17.4 | Pêndulo Composto | 430 |
| 17.5 | Movimento Giroscópio | 446 |
| 18. | Gravitação..... | 451 |
| 18.1 | A Interação Gravitacional..... | 451 |

| | | |
|--------|---|-----|
| 18.2 | Newton, a Lua e a Teoria da Gravitação Universal..... | 453 |
| 18.3 | Massa e Gravitação | 459 |
| 18.3.1 | Massa Inercial e Massa Gravitacional | 460 |
| 18.4 | Potencial Gravitacional e Campo Gravitacional..... | 461 |
| 18.5 | Massas Geram um Campo Gravitacional | 462 |
| 18.6 | Campo e Potencial Gravitacional de uma Distribuição Discreta de Massas | 465 |
| 18.7 | Campo e Potencial Gravitacional de uma Distribuição Contínua de Massas | 467 |
| 18.8 | Campo Gravitacional Gerado por uma Distribuição Esférica de Massas | 471 |
| 18.9 | A Aceleração da Gravidade | 475 |
| 19. | As Leis de Kepler | 483 |
| 19.1 | Introdução..... | 483 |
| 19.2 | Forças Centrais..... | 484 |
| 19.3 | Dinâmica do Movimento | 487 |
| 19.4 | Lei das Áreas..... | 489 |
| 19.5 | Energias Positivas, Negativas e Nulas..... | 491 |
| 19.6 | Velocidade de Escape..... | 494 |
| 19.7 | O Problema das Órbitas..... | 495 |
| 19.8 | Órbitas Elípticas | 497 |
| 19.9 | Mais uma Lei de Kepler | 498 |
| 19.10 | A Velocidade Radial: Afélio e Periélio | 501 |
| 19.11 | Por que os Cometas Não Caem Sobre o Sol?..... | 502 |
| 19.12 | Outras Trajetórias Possíveis | 503 |
| | Referências Bibliográficas | 505 |
| | Sobre o Autor | 507 |